基于增量维纳反卷积的暂态过电压波形还原算法

郑 鑫1,董乘甫2

(1.重庆高速工程顾问有限公司,重庆 401147;2.维谛技术

创新中心(西安)有限公司,陕西西安 710000)

摘 要:在接触式过电压传感器的设计中,由于线路内分布参数的影响,测量系统的有效带宽受到限制。针对于此,文 中对反卷积信号还原算法进行了研究,在传统的增量维纳反卷积算法上做出了改进,提出了一种预估γ值的改进算 法,并借助套管末屏分压测量系统进行了试验测试。结果表明,该算法通过对传感器输出波形处理,可修复测量结果 中失真的高频成分,以准确获得原始的输入电压波形,进一步拓展了测量系统的测量带宽。

关键词:反卷积算法;维纳滤波器;频率响应

中图分类号:TM 711 文献标志码:A 文章编号:1003-6954(2022)03-0046-07 DOI:10.16527/j.issn.1003-6954.20220308

Transient Overvoltage Waveform Restoration Algorithm Based on Incremental Wiener Deconvolution

ZHENG Xin¹, DONG Chengfu²

(1. Chongqing Expressway Engineering Consulting Co., Ltd., Chongqing 401147, China;

2. Vertiv Technology Innovation Center (Xi'an) Co., Ltd., Xi'an 710000, Shaanxi, China)

Abstract: In the design of contact overvoltage sensor, the effective bandwidth of measurement system is limited due to the influence of distributed parameters in the line. In view of this, the deconvolution signal restoration algorithm is studied, the traditional incremental Wiener deconvolution algorithm is improved, and an improvement algorithm for γ prediction is proposed. With the help of partial pressure measurement system at the end of casing screen, the test is carried out. The results show that the proposed algorithm can repair the distorted high-frequency components in the measurement results by processing the output waveform of the sensor, so as to obtain the original input voltage waveform accurately and further expand the measurement bandwidth of the measurement system.

Key words: deconvolution algorithm; Wiener filter; frequency response

0 引 言

在以往过电压检测系统的研究中,常见的测量 系统通常是利用分压器来获取过电压信号。对于此 类接触式过电压传感器,其与电力系统中一次设备 相连接的特点,往往令分压器本身结构简单、设计方 便。但线路中的分布参数和系统内设备自身特性, 往往会令测量系统的测量带宽受到限制。在测量操 作过电压及雷电冲击电压时,其高频响应较差,分压 系统测量结果存在畸变。 为解决数字化冲击测量系统的测量误差,反 卷积的方法被应用于对测量数据的处理中^[1-5]。 文献[6]根据时域递归卷积与矢量匹配法相结合 的方法对电压互感器测量结果进行处理,还原了 高压端的原始波形。文献[7]在套管末屏分压测 量系统中,应用增量维纳反卷积方法实现了对波 形的还原,验证了系统对快速暂态过电压的测量 可行性。文献[8]基于传统的增量维纳反卷积算 法,结合离散 Gabor 变换展开去噪方法,提出了一 种波形重构算法,并应用仿真进行了验证。

下面设计了一种波形还原算法,并在传统增量

维纳反卷积方法的基础上,提出了一种预估γ值的 改进算法。通过110 kV 电容式套管分压试验平台 进行验证,改进后的反卷积算法可准确地还原输入 的原始信号。相比传统的增量维纳反卷积算法,改 进后的算法减小了计算量,增加了实用性。

1 波形还原算法设计

1.1 过电压测量畸变的原因

在电力系统中,对于过电压检测系统所获取 的输出信号,其成分不仅包含了过电压本身的信 息和特性,同时也反映了测量系统的特性。如在 基于电容型套管所组成的测量系统中,由于高压 臂由套管内部导杆到末屏的等效电容和末端阻尼 共同组成,所以套管自身的电容性能同样会影响 着最终的测量结果。而基于电容式套管自身复杂 的结构特点,使得电容式套管可等效为一个含有 电位悬浮导体的电极系统,其电路模型为一个电 阻、电容、电感构成的复杂网络^[7],其各极板等效 单元电路模型如图1所示。



图 1 极板等效单元电路模型

通过对该网络的分析可知,电容式套管自身的 谐振频率较低,因此传感器的高频响应极易受到影 响。这种畸变体现在套管自身电容特性、传感器性 能与传输路径杂散参数等方面。所以,在实际的测 量中,测量系统往往由于此类原因,无法达到理想的 特性,从而导致测量信号会产生一定的畸变。

1.2 反卷积原理

波形还原算法的核心在于应用反卷积的方法, 对传感器的输出信号进行处理,来反演系统输入端 的原始波形。因此,首先需要明确反卷积还原的原 理^[9-12]。

对于线性时不变系统,这种传输过程可表为

$$y(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t - \tau) x(\tau) \,\mathrm{d}\tau \tag{1}$$

式中:y(t)为系统得到的输出信号; $h(t-\tau)$ 为测量系 统在 τ 时刻的冲激响应; $x(\tau)$ 为 τ 时刻的原始输入

信号。转换到频域分析中,式(1)可表示为

$$Y(\boldsymbol{\omega}) = H(\boldsymbol{\omega})X(\boldsymbol{\omega}) \tag{2}$$

式中, $Y(\omega)$ 、 $H(\omega)$ 和 $X(\omega)$ 分别为 y(t)、h(t)和 x(t)进行傅里叶变换,转换到频域中的形式。在过 电压测量系统的应用上,反卷积的目的是为了还 原失真的高频信号,拓展测量带宽,还原后的结果 可表示为

$$X(\omega) = \frac{Y(\omega)}{H(\omega)}$$
(3)

式中的 $X(\omega)$ 经过傅里叶逆变换,即可获得输入端的原始信号 x(t)。

值得注意的是,由于上述理想分析过程中完全 忽略了噪声信号的影响,因此可以完全复原输入信 号。但是在实际过程中,噪声信号 *e*(*t*)无法避免, 此时信号传输过程如式(4)所示。

$$y(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t - \tau) x(\tau) \,\mathrm{d}\tau + e(t) \tag{4}$$

对该式进行频域转换可得

 $Y(\boldsymbol{\omega}) = H(\boldsymbol{\omega})X(\boldsymbol{\omega}) + E(\boldsymbol{\omega}) \tag{5}$

式中,*E*(*ω*)为*e*(*t*)的傅里叶变换形式。根据式(3), 在考虑噪声信号的影响下,还原过程实际应为

$$X(\omega) = \frac{Y(\omega) - E(\omega)}{H(\omega)}$$
(6)

对于实际的信号处理应用,由于无法准确地获 取噪声信号,同时 |*H*(ω) |在高频信号的处理中趋 近于0,因此会导致算法对高频噪声信号极其敏感, 从而造成较大的误差,这种影响也被称为反卷积的 病态性问题。针对这一问题,通常可通过降噪和重 构卷积模型两种方式来减轻。

1.3 基于维纳滤波器的卷积模型

对于反卷积复原算法中卷积模型的构建,通常 可应用维纳滤波器来实现。维纳滤波器由 N Wiener 首次提出,该方法是一种基于最小均方误差准则下 的最佳线性滤波方法,其对信号的处理过程如图 2 所示^[13-14]。



图 2 基于维纳滤波器的信号处理过程

为构建维纳滤波器,可通过测量系统的方波响 应结果,应用最小二乘法的思想,对传感器测量系统 的频域响应特性 *H*(ω)进行估计^[15-18]。 对获取 H 进行快速傅里叶变换(fast Fourier transform, FFT),按照维纳滤波原理,可构建反卷积 还原所需滤波器为

$$W = \frac{H^*(\omega)}{|H(\omega)|^2 + \gamma}$$
(7)

式中, γ 为输出结果中的噪声功率谱 $S_{e}(\omega)$ 与信号 功率谱 $S_{v}(\omega)$ 所决定的一个常数。

$$\gamma = \frac{S_e(\omega)}{S_v(\omega)} \tag{8}$$

该系数 γ>0,并且其取值将决定实际信号还原 的效果。因此,初步得到还原信号的估计表示为

$$\hat{X}_{0}(\omega) = \frac{H^{*}(\omega)Y(\omega)}{|H(\omega)|^{2} + \gamma}$$
(9)

为进一步减小估计误差,采用增量维纳滤波器 对上述的估计结果继续进行处理。这种方法在传统 的维纳反卷积算法中引入了约束条件,允许进行迭 代估计。设维纳反卷积的误差为 *E*_{old}(*ω*)。

$$E_{\rm old}(\omega) = Y(\omega) - X_0(\omega)H(\omega)$$
(10)

将此误差结果继续代入到滤波器输入中,则此 时滤波器得到的新估计结果为

$$X_{1}(\omega) = X_{0}(\omega) + \frac{H^{*}(\omega)E_{old}(\omega)}{|H(\omega)|^{2} + \gamma}$$
(11)

因此,该结果对应的反卷积误差为

$$E_{\text{new}}(\omega) = Y(\omega) - X_1(\omega)H(\omega)$$
(12)
根据式(10)、式(11)和式(12),可以得

$$E_{\text{new}}(\omega) = \frac{\gamma}{|H(\omega)|^2 + \gamma} E_{\text{old}}(\omega) \qquad (13)$$

由于 γ>0,并且 | *H*(ω) | ≥0,所以有

$$|E_{\text{new}}|^2 \leq |E_{\text{old}}|^2 \tag{14}$$

但需要注意的是,由于输出信号的信噪比是难 以时刻准确获取的,该算法中的γ是一个人为输入 的预设值。因此需考虑γ的初始取值对反卷积还原 结果的影响。选取多组不同的γ值,分别进行信号 还原,各还原结果如图3所示。

观察图中不同γ值下的波形还原结果,通过对 比可知:

 1) 在 γ 值大于实际值时,虽然还原算法消除了 原分压信号中的畸变,但还原信号与原始信号之间 的误差较大,此时并没有反卷积的病态问题;

 2)随着γ值的减小,还原信号与原始信号间的 误差减小,波形逐渐一致;

3) 当γ值进一步减小,且远小于由噪声功率谱



图 3 不同 γ 值下的增量维纳反卷积波形还原结果

所计算的实际值时,还原信号的波形与源输入信号 依然相近,然而反卷积的病态问题也随之可见,并逐 渐严重。

综上所述,人为预估的γ值对还原结果有着显 著影响,且极易令还原结果产生误差。

1.4 改进的增量维纳反卷积算法

针对γ值的取值问题,提出了一种改进的增量 维纳反卷积算法。

首先,应用基础的增量维纳反卷积算法处理原 输出信号,可得到初步恢复的还原结果 X_{old}(ω)。对 于原始的维纳反卷积算法,该结果仅为单次反卷积 结果,而增量维纳反卷积可引入迭代计算,进一步减 小误差到人为控制范围内。其次,可在此基础上,进 一步计算还原结果 X_{old}(ω)的卷积和原输出信号之 间的误差 E_{old}(ω)为

 $E_{\rm old}(\omega) = Y(\omega) - X_{\rm old}(\omega)H(\omega)$ (15)

利用计算得到的 $E_{old}(\omega)$ 与初步还原结果 $X_{old}(\omega)$,可估计下一次计算中 γ 的取值,以此重新 构建维纳滤波器为

$$W_{\text{new}} = \frac{H^*(\omega)}{|H(\omega)|^2 + \frac{|E_{\text{old}}(\omega)|}{|X_{\text{old}}(\omega)|}s}$$
(16)

式中,s为一正常数,可令 $s = \sqrt{\gamma}$ 。将改进后的维纳 滤波器 W_{new} 代入下一次的卷积运算当中,即可得到 新的还原结果 $X_{new}(\omega)$ 为

$$X_{\text{new}}(\omega) = X_{\text{old}}(\omega) + \frac{H^*(\omega)E_{\text{old}}(\omega)}{|H(\omega)|^2 + \frac{|E_{\text{old}}(\omega)|}{|X_{\text{old}}(\omega)|}s}$$
(17)

新的还原结果对应的反卷积误差为

$$E_{\text{new}}(\boldsymbol{\omega}) = Y(\boldsymbol{\omega}) - X_{\text{new}}(\boldsymbol{\omega})H(\boldsymbol{\omega})$$
(18)
根据式(16)、式(17)和式(18),可以得

$$E_{\text{new}}(\omega) = \frac{|E_{\text{old}}(\omega)|s}{|X_{\text{old}}(\omega)||H(\omega)|^2 + |E_{\text{old}}(\omega)|s} E_{\text{old}}(\omega)$$
(19)

由式(19)可知,改进后的反卷积算法同样满足:

$$|E_{\rm new}|^2 \leqslant |E_{\rm old}|^2 \tag{20}$$

值得注意的是,尽管在迭代运算中利用还原结 果与误差值对γ的取值进行了估计,但在初次的反 卷积计算中,仍然需要人为地预设一个γ初值。 实际应用中,通过如前述所采用的递归最小二乘 (recursive least squares, RLS)自适应滤波器降噪处 理后,该参数值可控制在小于 10⁻⁵范围以内。

综上所述,改进后的反卷积算法步骤依次如下:

 1)预设γ值,运用传统维纳反卷积算法处理传 感器输出信号,得到初次还原结果;

2)利用初次还原结果,可对γ值重新进行估计;

3)重新构建维纳滤波器,采用增量维纳反卷积 算法处理初次还原结果;

4)分析此次的还原结果与原信号的误差是否达到 要求,若达到则终止运算,否则回到步骤2继续运算。

改进后维纳反卷积算法流程如图4所示。



2 仿真测试

应用仿真实验对改进的增量维纳反卷积算法进

行验证,所做仿真试验是对套管末屏分压器的测量 进行了模拟,电路参数按照套管末屏分压系统的现 场试验情况进行选取。仿真中输入的冲击电压波形 与传感器输出的波形如图 5 所示。



仿真试验模拟了实际中的常规问题。从结果上 分析,由于增大了仿真电路中的杂散电感参数,传感 器端输出的电压波形在波头处存在很大的畸变,导 致测量结果与输入波形不符,测量效果不理想。同 时,传感器输出的电压信号中混杂了较大的噪声分 量。经过计算,输出结果的信噪比(signal-to-noise ratio,SNR)为 26.4 dB。若信号传输过程中掺杂了 此程度的噪声分量,反卷积运算将会产生较为严重 的病态问题,如图 6 所示。



图 6 降噪前的还原波形结果

未经降噪的情况下,虽然已经能够还原原始波 形的整体趋势,但波形的病态问题仍然导致还原结 果与真实输入存在较大的偏差。由此,应用 RLS 自 适应滤波算法对输出信号进行处理,得到的降噪后 结果如图 7 所示。

图 7 中结果表明, RLS 自适应滤波算法并未改 变传感器本身的输出特性, 经处理后的波形 SNR 为 47.6 dB。对此,应用改进的增量维纳反卷积算法 处理输出电压信号,并将还原结果波形与原始输入 波形均做归一化处理,得到的还原信号波形和归一 化对比如图 8 所示。







从图 8 中结果可以看出,应用还原算法得到的 还原波形不再有波头处的畸变.且其与原输入波形 基本一致。经过计算,原输入信号与还原信号的波 前时间误差不足 0.1 μs,且二者归一化波形间的均 方误差 e^2 仅为 9.44×10^{-7} ,证明还原效果十分理想。

为验证改进后算法的优化程度,同时应用原增 量维纳反卷积算法对传感器输出波形进行处理,得 到两种反卷积方式在相同 γ 取值下运算的迭代次 数.如表1所示。

表1 两	ī反卷积方	式运算	迭代次数
------	-------	-----	------

初始γ值	增量维纳法迭代次数	改进维纳法迭代次数
1×10 ⁻⁴	1601	146
1×10^{-5}	159	31
1×10^{-6}	16	6
1×10^{-7}	2	2

对比表1中数据可知,相比于传统的增量维纳 反卷积算法,改进后的维纳反卷积算法可通过前次 的还原结果来估计γ取值,所以极大地减少了迭代 计算次数,减小了计算量。

结合以上仿真试验和分析可知,改进后的反卷 积算法能够实现对原始电压的准确还原。

试验测试 3

借助 110 kV 套管末屏分压试验平台, 对套管末 屏分压器的现场测量数据进行处理,进一步测试算 法的实际应用效果^[19]。测试的雷电冲击响应试验 现场接线如图9所示。



试验期间选取了一组畸变的分压波形,该结果 如图 10 所示。



图 10 实验得到的畸变波形结果

在图 10 中,输入端的冲击电压信号为非标准 雷电冲击电压,其波前时间为 0.24 μs,电压幅值为 11.96 kV,极性为负。

传感器端输出电压信号在波头处存在严重震荡 畸变,该现象可能由回路和传感器内部杂散参数以 及不良的线路匹配方式等问题所造成。两波形归一 化后的幅频特性如图 11 所示,对比两波形的幅频特 性曲线,可以看出失真的传感器端输出波形无法完 整反映源输入波形的真实情况。



图 11 输入、输出波形的幅频特性

利用设计的波形还原算法,处理畸变的输出信 号,得到的波形还原结果和源冲击波形的归一化对 比以及二者的幅频特性对比如图 12 所示。

从图 12(a)可知,还原波形的波前时间为 0.25 μs,与源波形的波前时间误差仅为 0.01 μs,并 且波形的波头处畸变得到了消除,其整体趋势同源 波形基本一致。经过计算,还原波形与源输入波形 的归一化均方误差为 3.81×10⁻⁵,证明还原算法的还 原效果理想。同时,对比图 10(b)与图 11(b)中的 频率谱,相比于传感器输出波形在频率1MHz以上



的失真情况,还原波形准确地复原了源波形在高频 段的各频率成分。

图 13 为原系统与应用还原算法后的频率响应 对比图。

对系统的频率响应对比分析,图 13 结果显示,应用还原算法后,除个别谐振点外,测量系统的频率响应曲线在 10 MHz 以内无明显波动。相比于原测量系统在不足 1 MHz 即出现的信号畸变情况,波形还原算法有效地拓展了原测量系统的测量带宽。

4 结 论

基于维纳反卷积方法设计了一种波形还原算 法,结合仿真与试验的分析,其主要结论如下:

 1)阐述了波形还原算法的设计目的,分析 了测量系统自身内部特性引起波形失真的原因,维纳滤波器的构建方法和维纳反卷积算法 运行原理;

2)在分析了人为输入γ参数对还原结果产生的影响后,提出了一种新的γ参数预估方法,在原有的维纳反卷积算法上做出了优化改进;

3) 通过仿真和试验验证了算法还原原始波形 的可行性,并同传统的维纳反卷积算法做出了对比 分析,验证了改进后的算法拥有更好的实用性。

参考文献

- [1] 陈来军,黎立丰,郑天文,等.基于自适应滤波的并联 逆变器谐振抑制策略[J].电网技术,2020,44(1): 200-207.
- [2] 姜金美,胡蓉,赵全友.基于改进的维纳滤波图像复原 算法的研究[J].大众科技,2020,22(1):1-4.
- [3] Qiancheng LIU, Yongming LU, Hui SUN, et al. Single-Step Data-Domain Least-Squares Reverse-Time Migration Using Gabor Deconvolution for Subsalt Imaging [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2020, 17(1): 13-16.
- [4] 柏宇,杨欣爽,许豪,等.自适应滤波器的原理与应用分析[J].中国新通信,2018,20(15):109.
- [5] 甄晓丹,郝凯学,李梅.基于伪随机序列的维纳滤波
 反卷积算法的改进[J].电子设计工程,2016,24(24):
 12-14.

- [6] 岳鹏. 雷电过电压下的电压互感器反演计算建模方法 研究[D]. 保定:华北电力大学,2010.
- [7] 马国明,李成榕,全江涛,等.采用套管传感器测量变 压器线端快速暂态过电压的方法[J].中国电机工程学 报,2010,30(33):122-128.
- [8] 贺苏赣,朱旭东.一种数字化冲击电压波形重构新算 法[J].高电压技术,2006,32(10):19-21.
- [9] Ashish GUPTA, Chandupatla Chakradhar REDDY. Analytical Insights Into Parameter Estimation for Wiener Deconvolution[J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2017, 66(10):2566-2575.
- [10] 饶显杰,周凯,谢敏,等.基于频域反射法的特征时域波形恢复技术[J].高电压技术,2021,47(4): 1420-1427.
- [11] 韩永霞,冯帅松,高毓群,等.柔性直流配电系统过电流及过电压防护研究综述[J].广东电力,2020, 33(12):81-89.
- [12] 叶海峰,吴昊,罗颖婷,等. 计及暂态过电压累积效 应的变压器换位导线绝缘特性[J]. 广东电力, 2018,31(8):75-80.
- [13] 王平,张广勇,李慧奇,等.特高压电容分压器宽频无源等效电路建模方法[J].高压电器,2017,53(6):
 19-24.
- [14] 王飞,史建涛.一种基于自适应滤波的雷达目标跟踪 算法[J].现代雷达,2019,41(10):35-38.
- [15] 栾孟杰.基于小波阈值法和 LMS 自适应滤波法的舰船去噪方法[J].舰船科学技术,2019,41(10):16-18.
- [16] 王允森,王勇,左晨,等.基于维纳滤波和综合评价因子的遥感图像复原[J].空间电子技术,2021,18(3):
 13-20.
- [17] 毕海胜, 贠智强, 李慧瑶, 等. 基于盲目反卷积算法的 声发射源信号复原研究进展[J].激光与光电子学进 展, 2021, 58(6): 73-83.
- [18] 王丹菂,徐青,邢帅,等.机载激光测深去卷积信号提 取方法的比较[J].测绘学报,2018,47(2):161-169.
- [19] 江贤峰,吴龟灵,郭芳,等.高精度时间频率信号光 纤传输和复原技术的研究[J].全球定位系统, 2016,41(2):20-26.

作者简介:

郑 鑫(1974),男,硕士,高级工程师,主要研究方向为 高速公路工程管理;

董乘甫(1996),男,硕士研究生,研究方向为基于变压 器套管过电压监测技术。

(收稿日期:2022-01-20)