# 配电网电压暂降状态估计单层神经网络法

汪 颖 唐 琳 李国栋 林 芳 吕金炳

(1. 四川大学电气信息学院,四川成都 610065;

2. 国网天津市电力公司电力科学研究院,天津 300384)

摘 要: 应用单层线性神经网络求解电压暂降状态估计问题。对比单层线性神经网络和多层线性神经网络的结构和 输入输出特性,并使用 Matlab 神经网络工具箱对 IEEE 30 节点可靠性测试系统进行仿真,证明两种网络有相同功能, 能达到相同误差精度。但单层线性神经网络结构更简单,能大幅提升计算速度。

关键词: 电压暂降; 状态估计; 区域电网; 单层线性神经网络

Abstract: Single layer linear neural network is used to solve the state estimation problems of voltage sag. The structure and input/output characteristics of single layer linear neural network are compared with that of multi – layer linear neural network , and the simulation of IEEE – 30 bus reliability test system (RTS) is carried out by using Matlab neural network toolbox. The results demonstrate that these two kinds of networks have the same function , and can achieve the same error precision. But single layer linear neural network can significantly increase the computation speed because of its simpler structure.

Key words: voltage sag; state estimation; regional power grid; single layer linear neural network

中图分类号: TM74 文献标志码: A 文章编号: 1003-6954(2015) 04-0010-04

DOI:10.16527/j.cnki.cn51-1315/tm.2015.04.003

## 0 引 言

电压暂降状态估计(voltage sag state estimation, VSSE) 是利用系统内有限监测点的暂降频次信息和 状态估计方程估计其余节点的暂降频次。实际中由 于监测点数量有限,状态估计方程是高欠定方程 <sup>[1]</sup>,其求解算法是值得研究的重要课题。

状态估计欠定线性方程的求解,现已有的整数 线性规划法<sup>[1]</sup>、遗传算法<sup>[2]</sup>、bp 神经网络<sup>[3]</sup>等 均存 在计算时间过长的问题。bp 网络含多层神经元,结 构复杂,导致计算时间增加; bp 网络隐层神经元数 的确定目前还没有统一的方法,都是依靠经验选取, 通常设计 bp 网络都用较高的结构冗余性满足较低 的精度要求,造成计算时间大幅增加。

根据 VSSE 方程的线性特点,选择单层线性神 经网络,该网络结构简单只含一层神经元 极大精简 了神经网络结构,去除冗余部分神经元。因此,单层 线性神经网络求解 VSSE 方程能在保证精度的同 时,大幅减少计算时间。

基金项目:高等学校博士学科点专项基金资助项目 (20130181110004);国网天津市电力公司电力科学研究院项 目 ・10・ 将单层线性神经网络和多层线性的 bp 神经网 络的结构和输入输出特性做对比,从理论上证明两 者拥有相同的传递功能,但单层线性网络结构更简 单;用 IEEE 30 节点可靠性测试系统进行仿真测试, 从仿真中证明两者能达到相同精度,但单层线性网 络速度更快,更具优越性:因此,在求解 VSSE 欠定 线性方程上,单层线性神经网络完全可以取代 bp 神 经网络。

### 1 电压暂降方程

状态估计通用的数学方程式如下<sup>[1]</sup>:

$$H = MX + E \tag{1}$$

式中 ,H 表示测量向量; X 是待估计的状态向量; M是测量矩阵; E 向量代表测量噪声 ,在 VSSE 中 ,该 向量被忽略<sup>[4]</sup>。任意的一个电力系统 ,假设有 N 个 节点 L 条线路和 M 个监测点 在该问题中 M < N。

对于设定的电压暂降阈值  $t_1$ ,式(1) 在 VSSE 应 用中的具体含义如下:

1) 测量向量  $H^1$ : 测量向量  $H^1$  表示所有监测点 监测到的剩余电压 < 设定电压阈值  $t_1$  的电压暂降 频次。它是从安装监测装置的 M 个监测点直接获 取的 能构成 M 行的向量  $H^1$ 。

2) 状态变量 X: 向量 X 由待估计的状态变量组成。其中每一个变量表示在对应线路分段上发生故障的次数。线路故障分段的概念和具体方法见文献
 [1]。相同线路分段上发生多次故障,对同一个母线节点是否发生暂降的影响是相同的。如果总的线路分为 P 段,则 X 向量为 P 维。

3) 测量矩阵 M<sup>1</sup>: 测量矩阵 M<sup>1</sup> 是(M×P) 维的0
-1 矩阵。对于任意的一个元素 m<sup>1</sup>(m<sub>i</sub> p<sub>i</sub>) 若对应 故障分段 p<sub>i</sub> 上发生的故障 ,会导致节点 m<sub>i</sub> 的剩余
电压低于阈值 t 从而导致暂降 ,则取值为1; 反之 ,如
果该故障不会导致暂降 ,则该元素为0。

4) 求解: 式(1) 是一个欠定线性方程,采用单层 线性人工神经网络求解得到状态变量 X 的值,然后 通过状态估计方程求取待估计节点的暂降频次。对 于任意的非监测节点 *i*,测量矩阵 M<sub>i</sub> 和前面测量矩 阵 M<sup>1</sup> 的求取方法相同,表征对应线路分段发生故 障是否会导致非监测点 *i* 发生暂降。任意待估计非 监测点的暂降频次 h<sub>i</sub> 的表达式为

$$h_i = M_i^t X \tag{2}$$

考虑多种暂降阈值和多种故障类型的 VSSE 方 程拓展见文献 [1]。

## 2 单层线性神经网络和 bp 神经网络 在该问题中的对比

应用线性神经网络对 VSSE 方程进行求解,可 以设计简单的单层线性神经网络(*newlind*),或者利 用 bp 神经网络的创建函数(*newff*)设计含有一个 (或以上)隐层的多层线性神经网络,参见文献[3]。 下面证明单层线性神经网络和 bp 设计的多层线性 神经网络具有相同的输入输出特性。

#### 2.1 单层线性神经网络

如图 1 所示是具有 r 个输入 s 个输出的单层线 性神经网络模型 在该网络中 ,全部神经元都选线性 传递函数。其中 ,  $[p_1 \ p_2 \ , \cdots \ p_r]^T$  是输入向量 ,偏差 和权重如图 1 中所示 ,输入层的输出为  $a1_i^{[5]}$ :

$$a1_{j} = \sum_{i=1}^{r} w1_{ji} p_{i} \quad i \in [1 \ r] \quad j \in [1 \ s]$$
(3)

输出层的输出为 a2;:

$$a2_{j} = a1_{j} + b_{j} = \sum_{i=1}^{r} w1_{ji}p_{i} + b_{j} \ i \in [1 \ r] \ j \in [1 \ s] \ (4)$$
  
2.2 多层线性神经网络

以含有一个隐层的两层线性神经网络为例,其输入向量仍是r维,所有的神经元都选线性传递函数。



图1 单层线性神经网络结构



#### 图 2 多层线性神经网络结构

其中,  $[p_1 \ p_2 \ ; \cdots \ p_r]^T$  是输入向量 偏差和权重如图 2 所示 隐含层的输出为  $a1_j \ a1_j = \sum_{i=1}^r w1_{ji}p_i + b1_j; i \in [1, r] i \in [1, s]$ 。输出层的输出为  $a2_k^{[5]}$ :

$$a2_{k} = \sum_{j=1}^{s} w2_{kj}a1_{j} + b2_{k}$$

$$= \sum_{j=1}^{s} w2_{kj} \left(\sum_{i=1}^{r} w1_{ji}p_{i} + b1_{j}\right) + b2_{k}$$

$$= \sum_{j=1}^{s} w2_{kj} \sum_{i=1}^{r} w1_{ji}p_{i} + \sum_{j=1}^{s} w2_{kj}b1_{j} + b2_{k}$$

$$= \sum_{i=1}^{r} \left(\sum_{j=1}^{s} w2_{kj}w1_{ji}\right)p_{i} + \sum_{j=1}^{s} w2_{kj}b1_{j} + b2_{k} \quad (5)$$

式中  $i \in [1 \ r] j \in [1 \ s] k \in [1 \ r]_{\circ}$ 

由于  $w_{2_{kj}}, b_{1_{j}}, b_{2_{k}}, w_{1_{ji}}$ 都是实数,所以公式 $\sum_{j=1}^{s} w_{2_{kj}}w_{1_{ji}}$ 和公式 $\sum_{j=1}^{s} w_{2_{kj}}b_{1_{j}} + b_{2_{k}}$ 也将是实数,于是可以 用新的权重  $w_{ki}$ 及偏差  $\beta_{k}$  来代替它们:

$$w_{ki} = \sum_{j=1}^{s} w 2_{kj} w 1_{ji}$$

• 11 •

$$\beta_{k} = \sum_{j=1}^{s} w 2_{kj} b 1_{j} + b 2_{k}$$
 (6)

那么 公式(5) 可以写成式(7):

$$a2'_{k} = \sum_{i=1}^{r} w_{ki} p_{i} + \beta_{k}$$

$$(7)$$

所以,含有一个隐层的多层线性网络的的输入 输出关系可以用式(7)表示。把式(4)与式(7)比 较,发现它们在形式上是相同的,只是多层线性网络 比单层线性网络具有更复杂的权重和阈值。因此两 者具有相同的能力。但多层网络结构更为复杂,计 算时间也更长,所以多层线性网络完全可以被单层 线性网络所替代<sup>[5]</sup>。使用神经网络方法求解 VSSE 方程 *H* = *MX*,应用单层线性网络就已经足够。该方 法能在保证精度的情况下,大幅提升计算速度。

## 3 单层线性网络求解 VSSE 方程

神经网络训练数据需要输入和对应的标准输 出。对于式(1) 把 *H* 作为输入 而 *X* 作为输出。

用蒙特卡洛法<sup>[6]</sup>生成故障点,这些故障点包括 任意的故障类型,可以落在系统内所有线路的任意 位置上。随机生成选定次数的故障后,统计每个线 路分段内的故障次数,即是生成了一组状态变量*X*, 由于测量矩阵*M*已知,根据方程(1)就可以求到对 应的测量向量*H*,从而生成了一组训练数据*H*和*X*。 如此重复*n*次,则得到*n*组训练数据。

利用 Matlab 神经网络工具箱的 newlind 函数, 建立自适应的单层线性神经网络模型,对输入 H 和 输出 X 进行训练,得到网络 net。将实际监测到的一 组 H 作为测试数据输入,经过 net 可以得到单层线 性神经网络给出的状态变量 X 的结果。再根据方 程(2) 可得任意节点的电压暂降频次估计值。

## 4 案例仿真

将所提方法应用于 IEEE 30 系统进行仿真,该系 统有30个节点 37 条线路<sup>[7]</sup> 根据<sup>[8]</sup>的方法,选定0.9 p.u.阈值下的监测点为7、24 共2个,系统结构如图 ·12· 3。在此监测装置配置情况下对发生的 0.9 p. u. 电 压暂降进行估计。

表1 是应用单层线性神经网络在0.9 p. u. 阈值 下的计算结果和误差。其中, MSE(mean square error)均方误差表征估计值相对实际值的误差大小。 表1 中, 电压暂降估计值与实际值误差很小,说明线 性神经网络能很好地应用于 VSSE 问题,证明了所 提方法的可行性和准确性。

表1 单层线性神经网络计算结果

节点	实际值	估计值	百分误差/%
1	12	11	-8.333
2	15	16	6.667
3	20	20	0
4	22	21	-4.545
5	7	8	14.286
6	22	21	-4.545
7	20	20	0
8	18	17	-5.556
9	23	23	0
10	24	24	0
11	0	1	_
12	22	22	0
13	1	2	100
14	24	23	-4.167
15	24	23	-4.167
16	24	23	-4.167
17	24	24	0
18	24	24	0
19	24	24	0
20	24	24	0
21	25	25	0
22	25	25	0
23	25	25	0
24	25	25	0
25	25	25	0
26	25	25	0
27	25	25	0
28	23	23	0
29	25	25	0
30	25	25	0
MSE	0.367		



图 3 IEEE 30 节点系统结构图

表 2 是在达到给定精度要求的条件下,两种神 经网络所需计算时间对比。

表 2 相同精度要求下两种神经网络计算时间对比

MSE 精度要求	单层线性神经网络 所需时间/s	bp 神经网络所需 时间/s
MSE≤6	0.028	0.400
MSE≤4	0.028	0.277
MSE≤2	0.046	2.406
MSE≤1	0.053	55.124
$MSE \leq 0.8$	0.098	167.473
$MSE \leq 0.7$	0.118	1 161.534
$MSE \leq 0.6$	0.216	1 417.777
$MSE \leq 0.5$	1.159	3 153.243
$MSE \leq 0.4$	5.892	3 820.300

从表 2 可以看出,在达到相同等级的误差精度 情况下,单层线性神经网络比 bp 神经网络所需要的 时间更短,而且随着精度的提高,计算速度上的优势 明显增大。综上说明,单层线性神经网络比 bp 神经 网络更简单快速,能大幅提升计算速度,更适用于 VSSE 计算。

## 5 结 论

由于 VSSE 方程是欠定线性方程,采用单层线

性神经网络和 bp 神经网络都可求解,但 bp 神经网 络设计的多层线性网络结构复杂且具有高度冗余 性,而单层线性神经网络结构更为精简,相同功能下 选择结构简单的单层线性网络更为合适。应用单层 线性神经网络求解 VSSE 方程,能在保证精度的同 时大幅提升计算速度。在 VSSE 问题上,单层线性 神经网络优于 bp 神经网络,更能满足工程实际的需 要。

#### 参考文献

- [1] E. Espinosa Juárez , A. Hernández. A Method for Voltage Sags State Estimation in Power Systems [J].
   IEEE Transactions on Power Delivery ,2007 , 22 (4): 2517 – 2526.
- [2] J. Lucio , E. Espinosa Jua'rez , A. Herna'ndez. Voltage Sag State Estimation in Power Systems by Applying Genetic Algorithms [J]. IET Generation , Transmission and Distribution , 2011 5(2): 223 – 230.
- [3] Elisa Espinosa Juárez , EspinozaTinoco J R , Araceli Hernández. Neural Networks Applied to Solve the Voltage Sag State Estimation Problem: An Approach Based on the Fault Positions Concept [C]. 2009 Electronics , Robotics and Automotive Mechanics Conference , IEEE computer society , 2009: 88 – 93.
- [4] Matair S S , Watson N R , Wong K P. Harmonic State Estimation: A Method for Remote Harmonic Assessment in a Deregulated Utility Network [C]. International Conference on Electric Utility Deregulation and Restructuring and Power Technologies 2000, City University, London, 2000: 41 – 46.
- [5] 崔小平. 几种前馈型神经网络分类性能的比较分析研 究[D]. 太原: 中北大学, 2011:18 20.
- [6] 刘晓娟,肖湘宁,陶顺. 基于 EMTDC 电压暂降随机 预估的仿真研究[J]. 现代电力,2005,22(5):13 – 17.
- [7] R. Christie. Power Flow Test Cases, 30 Bus Power Flow Test Case [EB/OL]. 1993 [2013 - 8 - 20]. http://www.ee. washington.edu/research/pstca/.
- [8] Olguin G , Vuinovich F , Bollen A M H J. An Optimal Monitoring Program for Obtaining Voltage Sag System Indexes [J]. IEEE Transactions on Power Delivery , 2006 , 21(1): 378 – 384.

(收稿日期:2015-06-01)