一种改进的 SVC 在风电系统霍普夫 分岔控制中的应用

袁义桃¹ 康积涛¹ 何 龙²

(1. 西南交通大学电气工程学院 四川 成都 610031;2. 四川大学电气信息学院,四川 成都 610065)

摘 要:运用延拓法追踪以双馈感应风电机(washowt filter DFIG)为代表的风电系统的平衡解流形,并基于分岔理论, 分析平衡解流形的分岔点。提出了一种基于高通滤波器(washout filter)技术的 SVC 模型,对风电系统发生的霍普夫 (Hopf)分岔进行分岔控制,改变与系统分岔相关的雅可比矩阵特征值,不但消除了 Hopf 分岔点,还提高了电压幅值, 扩大了电压稳定裕度。仿真结果和时域仿真验证了所提出的方法是正确可行的。

关键词:风电系统;电压稳定;高通滤波器; SVC; Hopf 分岔

Abstract: Continuation method is used to track the balance flow of power system connected by DFIG , and based on bifurcation theory the bifurcation point of balance flow is also analyzed. A novel SVC model based on washout filter technology is proposed , which is used to control hopf bifurcation , alter the eigenvalue of Jacobian matrix that is related to bifurcation. It not only enhances the voltage amplitude , but also eliminates the hopf bifurcation point and expands the margin of voltage stability. The simulation results and time – domain simulation demonstrate the new approach is correct and feasible.

Key words: wind power system; voltage stability; washout filter; SVC; Hopf bifurcation

中图分类号: TM761 文献标志码: A 文章编号: 1003 - 6954(2014) 03 - 0048 - 05

0 引 言

系统失稳是一个从稳定状态到分岔状态的过程,而分岔理论是分析非线性动态系统稳定的有力工具^[1]。在电力系统中,随着控制参数的变化,易发生分岔现象,而以Hopf为代表的动分岔较以鞍结分岔(saddle node bifurcation,SNB)为代表的静分岔提前发生,故Hopf分岔决定了系统的电压稳定裕度。

风电并入电网后,由于其自身的特性,对电压稳 定影响大,需要无功补偿,电力系统中无功补偿装置 虽然提高了系统的电压,但也会使系统发生新的分 岔现象,降低系统的稳定裕度。

高通滤波器技术已广泛用于 Hopf 分岔控 制^[2-3],它能自动跟踪系统的平衡点,而不改变运行 点。目前对于 SVC 的研究,用 washout filter 对其控 制来提高电压稳定的文献相对较少。文献[4]对一 个单机无穷大系统运用 washout filter 对其进行分岔 控制,但是没有 SVC 提供无功补偿。文献[5-6]对 一个典型的单机无穷大系统,运用带 washout filter •48• 控制的 SVC 对系统进行无功补偿,但是该模型仅对 消除 Hopf 分岔点有效果,而系统电压幅值又变化为 系统无 SVC 提供无功补偿时的幅值。基于以上原 因,提出了一种带 washout filer 控制的 SVC,不但能 够消除系统的 Hopf 分岔点,扩大系统的参数变化裕 度,还能够提高系统电压的幅值。

1 研究理论和方法

1.1 分岔理论简介^[7]

非线性电力系统的动态特性一般用一组微分 – 代数方程(DAE)来描述为

$$\begin{aligned} f(x = f(x y \mu) \\ 0 = g(x y \mu) \end{aligned} \tag{1}$$

式中 x 代表微分变量; y 代表代数变量; µ 代表控制 参数。微分方程组描述同步发电机、DFIG、负荷元 件的动态特性; 代数方程描述电力系统的网络约束 方程。

式(1) 表示的系统在平衡点(*x*₀, *y*₀, μ₀) 处满足 下列方程组。

$$\begin{cases} 0 = f(x_0 \ y_0 \ \mu_0) \\ 0 = g(x_0 \ y_0 \ \mu_0) \end{cases}$$
(2)

在平衡点($x_0 y_0 \mu_0$) 处 将式(1) 两边进行微分 变换得

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = D_x f(x_0 \ y_0) \ dx + D_y f(x_0 \ y_0) \ dy \\ 0 = D_x g(x_0 \ y_0) \ dx + D_y g(x_0 \ y_0) \ dy \end{cases}$$
(3)
令 $A = D_x f(x_0 \ y_0); B = D_y f(x_0 \ y_0) \\ C = D_x g(x_0 \ y_0); D = D_y g(x_0 \ y)$ 经过变换, 可将式(3) 变换为

$$\dot{x} = (A - BD^{-1}C)^{x}$$
 (4)

 $\diamondsuit J = (A - BD^{-1}C)_{\circ}$

根据动力学知识,系统的动态稳定性可由雅可 比矩阵 J 的特征值来确定。根据李亚普诺夫稳定性 理论,当系统的特征值实部全部为负时,系统稳定。 当特征值出现一零特征值时,系统发生 SN。系统出 现一对共轭特征值时,发生 Hopf 分岔。

1.2 延拓法^[8]

延拓法(连续潮流法)用于追踪系统的平衡解 流形,是对系统电压稳定性分析的有力工具。它的 基本思想是:从初始点开始,随着参数的变化沿相应 的平衡解流形曲线对下一点进行预估和校正,直至 勾画出完整的平衡解流形曲线。

每向前追踪一步结束后,便用分岔理论判断系 统是否发生分岔,再进行对下一点的追踪。

2 带 washout filter 控制的 SVC 设计

washout filter 控制法是一种状态反馈法,通过 引入新的变量,把控制器施加到被控系统,控制器多 为原系统某一状态变量和 washout filter 的状态变量 构成的多项式。这种控制器不改变原系统的平衡 点 控制简单,具有一定的鲁棒性^[9],易于实现,可 利用较小的控制代价实现非线性系统的分岔控制, 可应用于高维系统^[3],因此可将该方法用于电力系 统的分岔控制中。washout filter 是一种稳定的高通 滤波器,对于一维的情况,它有如下的传递函数。

$$G(s) = \frac{y(s)}{x(s)} = \frac{s}{s+d}$$
(5)

其中 d 为 washout filter 时间常数的倒数。当 d > 0 时 控制器稳定; d < 0 时,控制器不稳定。根据现代 控制原理,由传递函数写出它的状态方程为

$$\dot{w} = x - dw \stackrel{\Delta}{=} y$$
 (6)
其输出方程为

$$\mu = g(\gamma k) \tag{7}$$

其中 μ 为 washout filter 的状态变量; x 为输入的系 统变量; y 为输出变量; k 为控制器的增益; μ 为控制 器输入到 SVC 的表达式 ,是一个关于 y 和 k 的函 数。当系统稳定时 ,有 w = x/d y = 0 相当于输入变 量 x 被冲洗掉了 因此被称为滤波器法。

这里采用 SVC 的一阶动态模型,其数学模型如下^[11]。

$$T_{svc}\dot{B} = -B + K_{svc}(U_{ref} - U_7)$$
(8)

式中 β 为 SVC 的等值电纳; T_{SVC} 为 SVC 的时间常数; K_{SVC} 为 SVC 的放大倍数; U_{ref} 为电压参考值; U_{7} 为输入的被控节点电压。

所提出的带 washout filter 控制的 SVC 模型为

 $T_{svc}\dot{B} = -B + K_{svc}(U_{ref} - U_7) + \mu$ (9) 式中 $\mu = k \cdot (U_7 - d \cdot w)$,该部分起着消除 Hopf 分 岔点的作用 SVC 模型的其他部分起着提高电压幅 值的作用。

参数值 d 和 k 值的确定参考文献 [5]中的方法 在 Hopf 分岔点处求得系统在带 washout filter 控制的 SVC 模型时闭环系统的雅可比矩阵 根据特征 值实部为负时,系统稳定,来选取参数值。

3 风电系统模型

3.1 发电机系统模型

同步发电机采用四阶数学模型,模型和参数见 文献[11],励磁部分采用一阶数学模型,模型和参 数见文献[12]。DFIG的动态模型采用非线性三阶 微分方程描述,模型参数见文献[13]。

3.2 动态负荷模型

采用第一类动态负荷(Walve)模型,参数详细 含义见文献[1]。

$$\begin{cases} P_{L} = P_{0} + P_{1} + K_{p\omega}\dot{\theta}_{7} + K_{pu}(U_{7} + T\dot{U}_{7}) \\ Q_{L} = Q_{0} + Q_{1} + K_{q\omega}\dot{\theta}_{7} + K_{qu}U_{7} + K_{qu2}U_{7}^{2} \end{cases}$$
(11)

3.3 网络约束模型

对于同步发电机节点和非发电机节点的网络约 束方程见文献 [12] 对于 DFIG 节点 将其处理为一 个 PQ 节点 ,DFIG 注入系统的功率即 DFIG 与系统 的接口为

• 49 •

$$\begin{cases} P = \frac{E \cdot |U|}{X} \sin(\delta_0 - \theta) \\ Q = \frac{E \cdot |U| \cos(\delta_0 - \theta) - |U|^2}{X} \end{cases}$$
(15)

4 算例分析

4.1 风电系统描述

这里采用3机9节点系统,简化模型如图1,节 点2处为同步发电机,节点3处为DFIG,节点7处 接入动态负荷和SVC,节点5、9为恒功率负荷,节点 1为系统平衡节点。



图 1 含 DFIG 的电力系统

SVC 参数: *T_{svc}* =0.6; *K_{svc}* =10; *U_{ref}* =1; *d* =7; *k* =72。 4.2 仿真分析

下面就对 3 机 9 节点系统在没有 SVC 进行无 功补偿、带 washout filter 控制的 SVC(即文献 [5-6] 中的 SVC 模型)、所提出的带 washout filter 控制的 SVC 模型分别随动态负荷控制参数 Q_1 变化,利用 延拓法进行分岔仿真分析, U_7 为节点 7 的电压幅 值,HP 表示 Hopf 分岔点 SNB 表示鞍结分岔点。

4.2.1 无 SVC 补偿

图 2 为系统在无 SVC 提供无功补偿的情况下, 系统的 *QV* 曲线,系统在 *Q*₁ = 1.186 4 处发生 Hopf 分岔。



• 50 •

4.2.2 不带 washout filter 控制的 SVC 分岔分析

图 3 为系统在 SVC 无 washout filter 控制情况下时的 QV 曲线 与图 2 相比 由 SVC 给系统提供的无功使系统电压幅值得到提高 同时系统在 $Q_1 = 3.206 2$ 处发生 Hopf 分岔 比图 2 中的 $Q_1 = 1.186 4$ 稳定裕度扩大了。从图 4 在 Hopf 分岔点的时域仿真同样可以验证由分岔理论得到的分岔点的正确性。



图 3 无 washout filter 控制的 SVC 的 QV 曲线





图 5 为系统在 SVC 用文献 [5-6]提出的 washout filter 控制模型情况下的 QV 曲线。由图可得 ,通 过引入该 SVC 模型确实消除了系统的 Hopf 分岔 点 但同时和图 2 相比 ,两者的 QV 曲线一样 ,即在 同一控制参数值 Q_1 下的节点电压 U_7 幅值相同 ,也 即是说 ,该 SVC 模型下系统的电压幅值降低了 ,控 制参数的稳定裕度变小了。



图 5 washout filter 控制的 SVC 的 QV 曲线



图 6 所提出的一种新的 washout filter 控制的 SVC 的 *QV* 曲线



图 7 新的 washout filter 控制的 SVC 时系统的时域仿真 4.2.4 带 washout filter 控制的 SVC 分岔分析 图 6 为系统在所提出的带 washout filter 控制的 SVC 模型时的分岔分析。与图 3 相比,该 SVC 模型

不但保持了原来 QV 曲线形状,电压幅值并没有降低,同时也消除了系统的 Hopf 分岔,使系统的稳定 裕度得到提高,与图 5 下的模型仅消除分岔点而系统稳定裕度降低相比,所提出的模型显然更具有优势。在图 3 中,在 $Q_1 = 3.2062$, $U_7 = 0.8620$ 处出现 Hopf 分岔,在该点进行时域仿真,系统不稳定而发散。但在图 7 中同样参数下,由于消除了分岔点,出现扰动时,系统的电压随时间趋于稳定值,u - w 相轨迹趋于稳定收敛,由时域仿真可验证该模型是正确可行的。

5 结 语

当电力系统无功不足时,电压降低 SVC 为系统 补偿无功可以提高系统电压幅值。前面以动态负荷 无功为参数,基于分岔理论和延拓法,首先分析了含 双馈感应风电机的电力系统在没有 SVC 提供无功 补偿下的 QV 曲线,然后分析了 SVC 在两种控制情 况下时系统的 QV 曲线。在文献 [5-6]中 washout filter 控制下的 SVC 只能消除分岔点,但这是以降低 系统电压幅值和稳定裕度为代价的。所提出的 washout filter 控制下的 SVC 模型,在同样的系统参 数下 不但可以消除分岔点,稳定裕度得到提高,还 可以提高系统的电压幅值,通过时域仿真验证表明 所提出的带 washout filter 控制的 SVC 模型是正确可 行的。

参考文献

- [1] Lerm ,A. A. P. Multiparameter Bifurcation Analysis of the South Brazilian Power System [J]. IEEE Transactions on Power Systems 2003 ,18(2):737-746.
- [2] Le Hoa Nguyen ,Keum Shik Hong. Analysis and Control of the Bifurcation in a Morris – Lecar Neuron via a Washout Filter – Aided Dynamic Control Law [C]. 11th International Conferenceon Control ,Automation and Systems (ICCAS) 2011: 342 – 347.
- [3] Dong Chen ,HUA O. Wang. Anti control of Hopf Bifurcations Through Washout Filters [C]. Proceedings of the 37th IEEE Conference on Decision and Control ,1998 (3): 3040 – 3045.
- [4] 马幼捷,李小双,周雪松,等.基于高通滤波器技术的
 电力系统霍普分岔控制[J].电网技术 2011,35(7):
 76-80.

- Saad , M. S. Hassouneh , M. A. Abed , E. H. Edris , A. [5] Delaying Instability and Voltage Collapse in Power Systems using SVCs with Washout Filter - aided Feedback [C]. Proceedings of the 2005 Digital Object Identifier American Control Conference , 2005(6): 4357 - 4362.
- [6] 安讳春.非线性电力系统分岔控制的研究[D]. 沈阳: 东北大学 2008.
- [7] 彭志炜 胡国根 韩祯祥. 基于分叉理论的电力系统电 压稳定性分析[M].北京:中国电力出版社 2005.
- [8] 赵晋泉 涨伯明. 连续潮流及其在电力系统静态稳定 分析中的应用[J]. 电力系统自动化 2005 29(11):91 -96.
- [9] Calandririni G Paolini E Moiola J L. Controlling Limit Cycles and Bifurcation in Controlling Chaos and Bifurcations in Engineering Systems [C]. 1999: 200 - 227.

[10] K. N. Srivastava ,S. C. Srivastava ,P. K. Kalar. . Chaotic

(上接第18页)

(1) 设计的 3 个次同步阻尼控制器都可以达到 抑制 SSO 的目的,也就是说在轴系扭振模态频率处 电气阻尼转矩系数为正就可以抑制次同步振荡。

(2) 如果可以使整个频段的电气阻尼转矩系数 为正 发生次同步振荡后施加抑制装置时发电机各 机械量和系统中电气量起始振荡幅值更小 ,恢复到 平衡位置的时间更短,对发电机轴系的疲劳损伤最 小, 对系统中电气设备的危害也越小。

参考文献

- [1] 张运洲 张卫东. 国家电网公司电网"十一五"发展规 划综述[N]. 国家电网报, 2006-36-38(1).
- [2] 周孝信,郭剑波,林集明,等.电力系统可控串联电容 补偿[M].北京:科学出版社 2009.
- [3] Hsu YY Jeng I H. Analysis of Torsional Oscillations Using Anartificial NeuRal network [J]. IEEE Trans. on EC 1992 7(4):684-690.
- [4] 陈陈. 多变量频域法分析电力系统次同步振荡 [J]. 电 力系统自动化 ,1989 (5):22-27.
- [5] 于达仁 徐基豫 大型汽轮机调节系统的设计对轴系扭振

Oscillation in Power System Under Disburbance [C]. In IEE 2nd International Conference on Advances in Power Control, Operation and Management ,Hong Kong ,1993: 705 - 711.

- [11] 李康.基于分岔理论的电力系统动态电压稳定性分 析[D]. 成都: 西南交通大学 2012.
- [12] 顾伟. 电力系统最优分岔控制研究 [D]. 南京: 东南大 学 2006.
- [13] K. Elkington ,V. Knazkins and M. Ghandhari. On the Stability of Power Systems Containing Doubly fed Generator based Generation [J]. Electr. Power System 2008, 78(9):1477-1484.

作者简介:

袁义桃(1987),硕士研究生,主要研究方向为风电系统 的电压稳定性分析。

(收稿日期:2013-12-27)

的影响[J]. 中国电机工程学报. 1992, 12(4): 35-39.

- [6] YY. Hsu and L. Wang. Modal Control of an HVDC System for the Damping of Subsynchronous Oscillations [J]. IEE Proceedings 1989 136(2):78 - 86.
- [7] R. J. Piwko , E. VLarsen. HVDC system control for damping of subsynchronous Oscillations [J]. IEEE Transcetionson Power Apparatus and Systems. 1982 ,101(7): 2203 -2211.
- [8] 江全元 程时杰 . 曹一家. 基于遗传算法的 HVDC 附加 次同步阻尼控制器的设计[J].中国电机工程学报, 2005(1):87-91.
- [9] 杨秀 ,王西田 ,陈陈. 基于 H∞ 鲁棒控制理论的高压直 流输电系统附加次同步振荡阻尼控制设计[J]. 电网 技术 2006 30(9):57-61.
- [10] Padiyar K R. Analysis of Subsynchronous Resonance in Power Systems [M]. Boston, USA: Kluwer Academic Publishers ,1999: 87 - 96.

作者简介:

王敏华(1988),硕士,研究方向为电力系统的稳定与控 制。

(收稿日期:2014-02-04)

• 52 •